

**Знайти: 1) похідні неявно заданих функцій г);
2) похідні параметрично заданих функцій д).**

Варіант	Завдання
1	г) $x^4 + y^4 = x^2 y^2$; д) $\begin{cases} x = \ln t, \\ y = t^3. \end{cases}$
2	г) $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 9$; д) $\begin{cases} x = \frac{1}{\cos t}, \\ y = \operatorname{tg} t. \end{cases}$
3	г) $x^5 + y^3 + y - x = 0$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{1-t}, \\ y = \frac{1}{t}. \end{cases}$
4	г) $x^y = \sin y^2$; д) $\begin{cases} x = e^t \cos t, \\ y = e^t \sin t. \end{cases}$
5	г) $7x^2 + 5y^3 + \sin y = 1$; д) $\begin{cases} x = t + \sin t, \\ y = 2 - \cos t. \end{cases}$
6	г) $y^2 = 5x^2 y^3$; д) $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} t, \\ y = \ln(t^3 + 1). \end{cases}$
7	г) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$; д) $\begin{cases} x = 3\cos^3 t, \\ y = 4\sin^3 t. \end{cases}$
8	г) $e^x \sin y - e^y \cos x = 0$; д) $\begin{cases} x = \arccos \sqrt{t}, \\ y = \sqrt{t-t^2}. \end{cases}$
9	в) $y = \frac{2^x(x+1)^3}{(x-1)^2 \sqrt{2x+1}}$; г) $(x-5)y^4 = x^3$; д) $\begin{cases} x = 3(t - \sin t), \\ y = 4(1 - \cos t). \end{cases}$
10	г) $2x \ln y + y^4 - x = 0$; д) $\begin{cases} x = \ln t, \\ y = \frac{1}{t}. \end{cases}$
11	г) $\sin xy + \cos xy = 0$; д) $\begin{cases} x = \ln \cos t, \\ y = \ln \sin t. \end{cases}$
12	г) $2^x + 2^y = 2^{x+y}$; д) $\begin{cases} x = 5\cos 3t, \\ y = 4\sin 3t. \end{cases}$
13	г) $x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} = 3^{\frac{2}{3}}$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{t}, \\ y = \frac{1}{\sqrt{1-t}}. \end{cases}$

14	г) $5x^2 + 7y^2 - 10x + 2y - 1 = 0$; д) $\begin{cases} x = \cos^2 t, \\ y = \sin^2 t. \end{cases}$
15	г) $\arcsin \frac{y}{x} = \ln \sqrt{x^2 + y^2}$; д) $\begin{cases} x = t g t, \\ y = \frac{1}{\sin 2t}. \end{cases}$
16	г) $x + y = \arcsin x - \arcsin y$; д) $\begin{cases} x = \sin t, \\ y = \frac{1}{\cos t}. \end{cases}$
17	г) $xy = \operatorname{arctg} \frac{x}{y}$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{t^3 - 1}, \\ y = \ln t. \end{cases}$
18	г) $x + y = \operatorname{arctg} 2xy$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{t}, \\ y = \sqrt[3]{t - 1}. \end{cases}$
19	г) $e^y + 2xy = e$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{t + 1}, \\ y = \sin t. \end{cases}$
20	г) $xy^2 + \ln y = 1$; д) $\begin{cases} x = \sin t, \\ y = \ln \cos t. \end{cases}$
21	г) $x^3 + y^3 - 2x^2y^2 = 0$; д) $\begin{cases} x = t + \sin t, \\ y = 2 + \cos t. \end{cases}$
22	г) $5x^2 + 7y^3 - 2x^2y^2 - 4 = 0$; д) $\begin{cases} x = \cos^2 t, \\ y = t g^2 t. \end{cases}$
23	г) $x \sin y + y \sin x = 0$; д) $\begin{cases} x = \sqrt{t^3 - 1}, \\ y = \ln t. \end{cases}$
24	г) $\sin(y - x^2) - 2xy^2 = 0$; д) $\begin{cases} x = \frac{1}{t^2}, \\ y = \frac{1}{t^2 + 1}. \end{cases}$
25	г) $\frac{y}{x} + e^x = 1$; д) $\begin{cases} x = t - \sin t, \\ y = 2 - \cos t. \end{cases}$
26	г) $e^y + e^x - 2x^2 = 0$; д) $\begin{cases} x = \cos t, \\ y = \ln \sin t. \end{cases}$

27	$\text{r) } \sin(x+y) - \cos(x+y) = 1; \text{ д) } \begin{cases} x = \sqrt{t-1}, \\ y = \frac{t}{\sqrt{t-1}}. \end{cases}$
28	$\text{r) } x - y + x \sin y = 0; \text{ д) } \begin{cases} x = \cos \frac{t}{2}, \\ y = \sin \frac{t}{2}. \end{cases}$
29	$\text{r) } e^{xy} - x^2 + y^3 = 0; \text{ д) } \begin{cases} x = 3(t - \sin t), \\ y = 6(2 + \cos t). \end{cases}$
30	$\text{r) } y - x^2 = \operatorname{arctg} y; \text{ д) } \begin{cases} x = \sin t - t \cos t, \\ y = \cos t + t \sin t. \end{cases}$